



## INNOVATION RIVOJLANISH SHAROITIDA KORXONALARING ISHLAB CHIQARISH FAOLIYATINI OPTIMALLASHTIRISH MODELI

Ismatov Utkir Rustamovich

SamISI

Oliy matematika kafedrasи assistenti

**Annotatsiya:** Ushbu maqolada korxonalarining ishlab chiqarish faoliyatini optimallashtirish masalasi o'rganilgan.

**Аннотация:** В данной статье рассматривается вопрос оптимизации производственной деятельности предприятий.

**Abstract:** This article discusses the issue of optimizing the production activities of enterprises.

**Kalit so'zlar:** Korxona, ishlab chiqarish, resurs, daromad, xarajat, optimallashtirish, funksiya.

**Ключевые слова:** Предприятие, производство, ресурс, доход, затраты, оптимизация, функция.

**Key words:** Enterprise, production, resource, income, costs, optimization, function.

Ishlab chiqarish firmasi bir xil yoki doimiy strukturadagi bir necha xil mahsulot ishlab chiqarmoqda deb faraz qilamiz. Unda firmanın tovar mahsuloti  $X$  deb qabul qilinadi.

a) Mahsulot ishlab chiqarish uchun firma jonli mehnat  $L$  (yillik ishchilar soni yoki kishi-soatlar miqdori) vositalari  $K$  (asosiy ishlab chiqarish fondlari) va buyumlashgan mehnat va mehnat buyumlari  $M$  (ishlatiladigan yillik yoqilg'i, xom-ashyo, materiallar, jixozlar va xokazo).

Har bir agregatlashgan resurs turlari (mehnat, fondlar va materiallar) bir necha xillarga ajraladi (har xil toifadagi mehnat, turli uskunalar). Vektor-ustun  $x=(x_1, \dots, x_n)$  bilan resurslar sarfini belgilaymiz. Unda firmanın texnologiyasi resurslar sarfi va mahsulot miqdorining bog'liqligini ifodalovchi ishlab chiqarish funksiyasi bilan tasvirlanadi:

$$X = f(x) \quad (1)$$

$F(x)$  ikki marta differentialini topish mumkin bo'lgan uzluksiz, neoklassik funksiya deb qabul qilinadi va uning ikkinchi hosilasi matrisasi manfiy.

Agar mahsulot bahosi  $r$  va  $j$  resurs birligining bahosi -  $w=1, \dots, n$ , bo'lsa xarajatlar vektori quyidagicha yoziladi va foyda topiladi.

$$P(x) = p F(x) - wx \quad (2)$$

bunda:  $w = (w_1, w_2, \dots, w_n)$  - resurslar bahosi vektor-qatori.

Resurslar bahosi tabiiy va aniq mazmunga ega agar  $x_j$  - muayyan malakadagi ishchilarning o'rtacha yillik soni, va  $w_j$  - bir kishiga to'g'ri keladigan yillik ish xaqi; agar  $x_j$  - sotib olingan materiallar (yoqilg'i energiya va x.k.), unda  $w_j$  - ushbu materialning



sotib olish bahosi. Agar  $x_j$ -ishlab chiqarish fondlari, unda  $w_j$  - fondlarning yillik ijara summasi yoki fondlarni ta'mirlash harajati.

b) Bunda  $R=pX=pF(x)$ - firmaning yillik mahsuloti yoki yillik daromadi  $C=wx$ -ishlab chiqarish harajatlari yoki resurslarning yillik sarfi.

Jalb etiladigan resurslar hajmiga boshqa omillar ta'sir etmasa, foydani maksimallashtirish quyidagicha yoziladi:

$$\max_{\{x \geq 0\}} [pF(x) - wx] \quad (3)$$

Bu chiziqsiz masala bo'lib  $n$ -manfiy bo'lмаган yechimlarga ega:  $x \geq 0$ , masalani yechish uchun Kun-Takker sharti qo'llaniladi:

$$\begin{aligned} \frac{\partial n}{\partial x} &= p \frac{\partial F}{\partial x} - w \leq 0 \\ \frac{\partial n}{\partial x} |_{x=0} &= \left( p \frac{\partial F}{\partial x} - w \right) \cdot x = 0 \end{aligned} \quad (4)$$

Agar optimal yechimda resurslar ishlatilsa  $x^* > 0$ , unda (4) shart quyidagicha yoziladi:

(5)

yoki

optimal nuqtada resurs birligiga to'g'ri keladigan so'nggi mahsulot bahoga teng bo'ladi.

v) Ishlab chiqarish harajatlari o'zgarmagan holda mahsulot miqdorini maksimallashtirish quyidagicha yoziladi:

(6)

Bu masala chiziqsiz dasturlashning bir chiziqli chekligi bor o'zgaruvchilar masalasidir. Nazariyaga amal qilgan holda Lagranjning funksiyasini tuzamiz:

Keyinchalik o'zgaruvchilar manfiy bo'lмаган holda maksimal qiymatni topamiz. Buning uchun Kun-Takker shartini bajaramiz.

(7)

Ko'rinishicha (7) shart (4) shart bilan mos keladi.

Firmalar faoliyatini optimallashga doir misol. Bir xil mahsulot ishlab chiqaruvchi firmaning Kobba-Duglas funksiyasi. Fondlarni ijerasi va ish haqi uchun 150 ming so'm ajratilgan bo'lsa mahsulot miqdorini maksimallashtiring (fondlar birligi ijerasi  $w_K = 5000$  ish haqi  $w_K = 10000$ )

Optimal nuqtada fond va ish kuchining so'nggi almashinuv chegarasini topilsin.

Yechish. Ma'lumki  $F(0,L)=F(K,0)$ , demak optimal yechimda  $K^* > 0, L^* > 0$  Shuning uchun (7) shart quyidagicha bo'ladi:

(8)

yoki bizning misolimizda



Birinchi tenglamani ikkinchiga bo'lib, topamiz:

Uni quyidagi shartga quyib  $w_K K^* + w_L L^* = 150$ , topamiz:

**FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR RO'YXATI:**

1. Shodiyev T.Sh. va boshqalar. Iqtisodiy-matematik usullar va modellar. O'quv qo'llanma. –T.: TDIU, 2010. – 297 b.
2. Fomin G.P. Matematicheskiye metodi i modeli v kommercheskoy deyatelnosti. Uchebnik. –M.: INFRA-M, 2009. – 395 s.
3. Shapkin A.S. Matematicheskiye metodi i modeli issledovaniya operatsiy. Uchebnoye posobiye. –M.: Dashkov i K., 2009. – 361 s.
4. Abdullayev O.M., Ismoilov A.A., Ishnazarov A.I. Iqtisodiy-matematik usullar. O'quv qo'llanma. –T.: TDIU, 2007. – 195 b.