

NATURAL SONLAR. TUB VA MURAKKAB SONLAR. SONLRNING EK UB VA EKUKLARINU TOPISH. SONLARNI BO`LINISH BELGILARI

Raimova Dilafruz Xoshimovna

Farg'ona viloyati Qo'shtepa tumani 2-sonli kasb- hunar maktabi matematika fani o'qituvchisi

Reja :

1. Natural sonlarni ta`rifi belgilanishi.
2. Tub va murakkab sonlar.
3. Sonlarni tub ko`paytuvchilarga ajratish .
4. Sonlarni EKUB va EKUKInu topish.
5. Sonlarni bo`lish belgilari.

Natural sonlarda ishlatiladigan sonlar natural sonlar deyiladi. barcha natural sonlar cheksiz to`plamni hosil qiladi. Barcha bu to`plam N narfi bilan belgilanadi. $N = \{1,2,\dots,n,\dots\}$ biron n sonning natural son ekanligi $n \in N$ ko`rinshida natural son emasligi esa $n \notin N$ ko`rinishida oziladi. Masalan: $5 \in N$; $358,6 \notin N$; 1 va o`zidan boshqa natural bo`luvchiga ega bo`lmagan 1 dan katta natural sonlar tub son deyiladi. Masalan: 2.3.5.7.9.11.13.17.19 sonlr 20 dan kichik bo`lgan barcha tub sonlardir. 1 va o`zidan boshqa natural bo`luvchiga ega bo`lgan 1 dan katta natural sonlar murakkab sonlar deyiladi. Maslan: 4.6.8.10.12.14.16.18. sonlar 20 dan kichk bo`lgan barcha murakkab sonlardir

Tub va murakkab sonlarga berilgan ta`riflardan 1 soni ,tub va murakkab son ekanligi ma`lum bo`ladi. Bunday xossaga ega natural son faqat 1 ning o`zidir. $a, b \in N$ sonlarning har biri bo`linadigan songa shu sonlarning umumiy bo`linuvchisi deyiladi. Maslan: $a=12, b=14$ bo`lsin. Bu sonlarning umumiy bo`linuvchilari 1,2 bo`ladi.

$a, b \in N$ sonlarning umumiy bo`linuvchilarning eng kattasi shu sonlarning eng katta umumiy b`linuvchisi deyiladi va $T(a;b)$ orqali belgilanadi

Masalan: $T(12;44)=2$

$a, b \in N$ sonlarning umumiy karralisi deb a ga ham b ga ham bo`linuvchi natural songa aytiladi. a va b sonlarning umumiy karralisi ichida eng kichigi mavjud b/b u a va b sonlarning eng kishik umumiy karralisi deyiladi. va $K(a;b)$ orqali belgilanadi.

Masalan: $K(6;8) = 24$

1-misol: 827 sonining eng kichik ub bo`linuvchisini toping

Yechish: dan kichik bo`lgan tub sonlar 2.3.5.7.1113.17.19.23 nekanligini aniqlab 827 ni shu sonlarga bo`lib chiqamiz 827 u sonlarning hech qaysisiga bo`linmaydi , bundan 827 ni tub son ekanligi kelib chiqadi.

Teorema: a natural sinining kanonik yoyilmasi $a = p_1^{\alpha_1} \dots p_n^{\alpha_n}$ bo`lsin u holda a ning har qanday bo`luvchisi $a = p_1^{\beta_1} \cdot p_2^{\beta_2} \cdot p_n^{\beta_n}$ ko`rinishda bo`ladi bunda $0 \leq \beta_k \leq \alpha_k (k=1, n)$

Isbot: a soni d ga bo`linsin $a=d \cdot q$. U holda a ning hamma tub bo`linmalari mavjud va ularning darajalari d ning kononik yoyilmasidagi darajalaridan kichik bo`lmaydi Shunga ko`ra d bo`luvchi $a= p_1^{\beta_1} \cdot p_2^{\beta_2} \cdot p_n^{\beta_n}$ yoyilmaga ega va a ning d ga bo`linishi ayon.

Misol tariqasida 48 ning bo`luvchilarini topaylik $48=2^4 \cdot 3$ bo`lganligidan uning bo`luvchilari quyidagicha topiladi. $2^0 \cdot 3^0, 2^1 \cdot 3^0, 2^2 \cdot 3^0, 2^3 \cdot 3^0, 2^4 \cdot 3^0, 2^0 \cdot 3^1, 2^1 \cdot 3^1, 2^0 \cdot 3^2, 2^0 \cdot 3^3, 2^0 \cdot 3^4,$

a natural sonning natural bo`luvchilari soni $\tau(a) = (a_1+1)(a_2+1) \dots (a_n+1)$ tenglik o`rinli bo`ladi.

Isbot:teoremaga asosan: $a= p_1^{a_1} \cdot p_2^{a_2} \dots p_n^{a_n}$ sonining har bir bo`luvchisi $p_1^{a_1} \cdot p_2^{a_2} \dots p_n^{a_n}$ ko`rinishida bo`ladi β_1 ifoda $0,1,2,\dots,a_1$ qiymatlarni qabul qiladi. Shu kabi β_2 ifoda. a_2+1 qiymatni qabul qiladi va hokazo. Bu qiymatlarning ixtiyoriy kombinatsiyasi va a sonining barcha bo`luvchilar sonini beradi.

Ko`p hollarda natural son bo`luvchilarning yig`indisini tiopishga to`gri keladi. Bunday hollarda natural son bo`luvchilarinig yig`indisi $\sigma(a)$ ni hisoblash formulasi σ

$$\sigma(a) = \frac{P_1^{a_1+1} - 1}{P_1 - 1} \cdot \frac{P_2^{a_2+1} - 1}{P_2 - 1} \dots \frac{P_k^{a_k+1} - 1}{P_k - 1}$$

dan foydalanish mumkinligini eslatib o`tamiz.

3- misol : 20 ning bo`luvchilari sonni va bo`luvchilar yig`indisini toping

Yechish: 20 ning bo`luvchilari soni

$$20=2^2 \cdot 5^1 \quad \tau(20) = (2+1)(1+1) = 6$$

Haqiqatdan $5^0 \cdot 2^0=1, 5^1 \cdot 2^0=5, 5^0 \cdot 2^1= 2, 5^1 \cdot 2^1=10. 5^1 \cdot 2^2=20; 5^0 \cdot 2^2=4$

$$\text{Bo`luvchilar yig`indisi es } \sigma(20) = \frac{2^{2+1} - 1}{2 - 1} \cdot \frac{5^{1+1} - 1}{5 - 1} = 7 \cdot 6 = 42$$

FOYDALANILGAN ADABIYOTLAR :

1. A.U.Abdusamidov "Agebra va matematik analiz asoslari" T-2001 y
2. R.Vafoyev "Algebra va analiz asoslari" T-2001 y
3. M.A.Mirzaakbarov "Matematika" 5-6 sinflar T-2005 y